



# 1장 형태학 처리

- 형태학의 개념
- 형태학을 위한 기초 이론
- 이진 영상에서의 형태학 처리
- 그레이 영상에서의 형태학처리

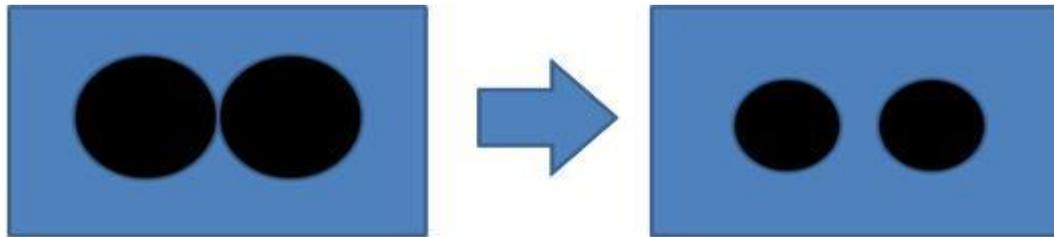
## 학습목표

- ✓ 형태학의 개념을 이해한다.
- ✓ 이진 영상에서 침식과 팽창연산을 공부한다.
- ✓ 이진 영상에서 열림과 닫힘을 공부한다.
- ✓ 골격화를 소개한다.
- ✓ 그레이 영상에서의 형태학 처리로 침식, 팽창, 열림, 닫힘을 학습한다.

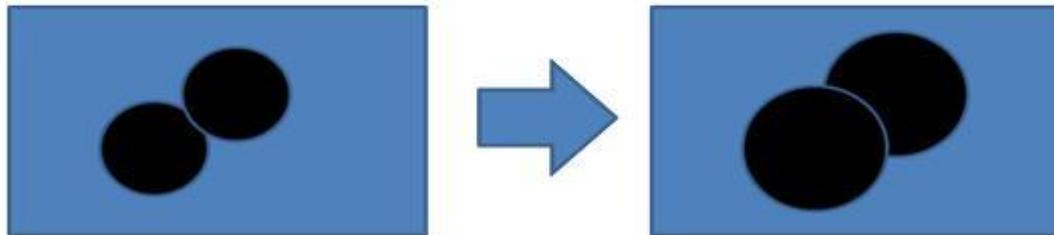
## Section 01 형태학의 개념

### 👤 형태학(Morphology, 모폴로지)

- 영상의 형태(Shape)를 분석하고 처리하는 기법
- 영상의 경계, 블록, 골격 등 형태를 표현하거나 서술하는 데 필요한 영상 요소를 추출하는데 형태학 처리 활용
- 영상의 경계 너비가 일정치 않거나 중간에 단절되어 이를 일정하게 하거나 연결할 때 형태학 처리가 필요함.



(a) 경계선의 단순화



(b) 경계선의 확장

[그림 11-1] 형태학 처리한 예

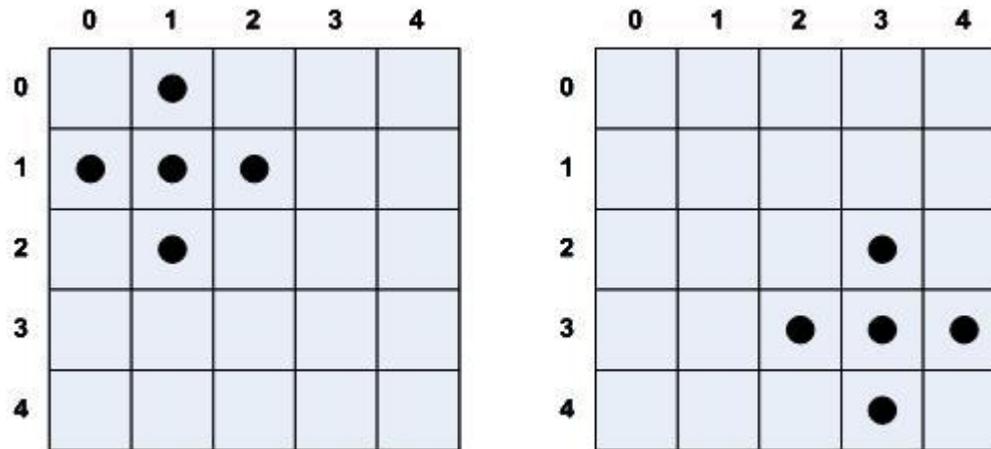
## Section 02 형태학을 위한 기초 이론-이동

### 이동

- $A$ : 영상 내의 화소 집합, 특정 좌표의 점:  $\omega=(u, v)$
- $A\omega$ : 화소의 집합  $A$ 를  $(u, v)$  방향으로 이동한 결과

$$A\omega = \{(a, b) + (u, v) : (a, b) \in A\}$$

- $(a, b)$ 는  $A$  집합의 화소로, 각 화소는  $(u, v)$ 로 이동하게 됨.



[그림 11-2] 화소 집합의 이동

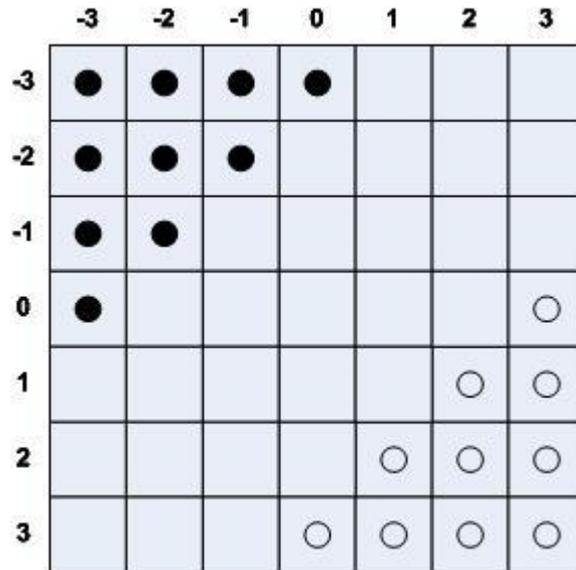
# 형태학을 위한 기초 이론(계속)-반사

## 반사

- 대칭에는 좌우 대칭과 상하 대칭이 있음.
- 형태학에서 반사는 대칭의 개념과 같음.

$$\hat{A} = \{(-a, -b) : (a, b) \in A\}$$

- A의 화소 좌표 (a, b)는 원점을 대칭하여 반사가 일어나므로 좌표는 (-a, -b)가 됨.



[그림 11-3] 화소 집합의 반사

## Section 03 이진 영상에서의 형태학 처리

### 이진 영상에서의 형태학 처리

- 이진 영상에서 특정 패턴을 찾으려고 이진 영상의 밝기 값에 형태소라는 행렬과 논리적인(AND, OR, NOT, ...) 연산을 수행하여 출력 화소를 결정하는 것

### 침식(Dilation)과 팽창(Erosion)

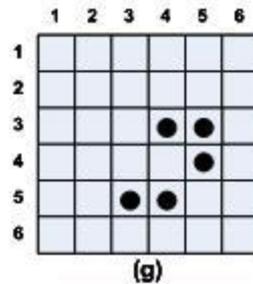
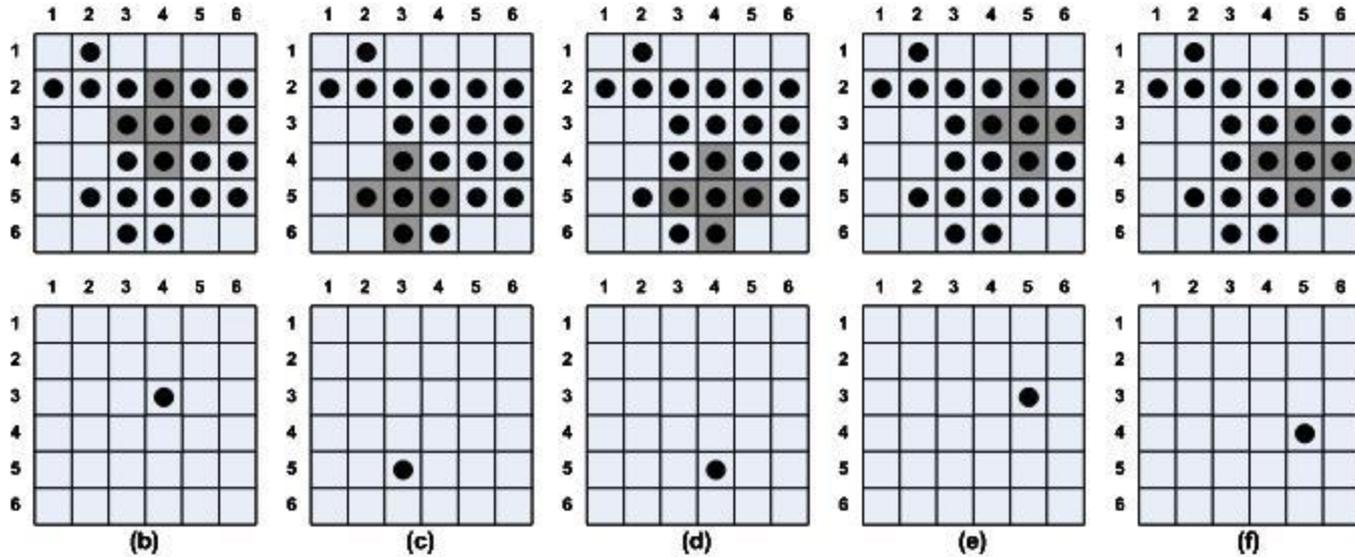
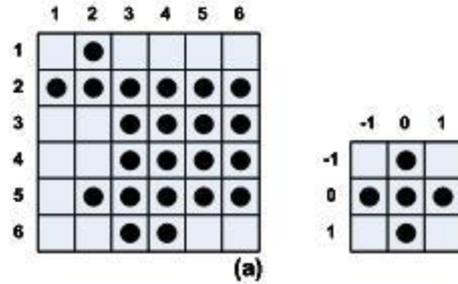
- 형태학의 기본이 되는 연산으로, 다른 모든 형태학 연산은 이 두 연산을 조합하여 만들.

## 침식

- 물체의 크기를 그 배경과 관련하여 일정하게 줄여주는 것
- 물체의 크기는 줄어들고, 배경은 확대됨.
- 영상의 물체와 배경 사이에 스파이크 잡음이 있을 때 이 잡음을 제거하거나 전체 영상에서 아주 작은 물체를 제거하는 데 응용됨.
- 영상에서의 돌출부는 감소시키고, 내부 돌출부는 증가시켜서 서로 닿은 물체를 분리할 때도 유용함.

$$A \cdot B = \{\omega : B\omega \subseteq A\}$$

# 침식(계속)



[그림 11-4] 침식의 수행 과정

## 침식(계속)

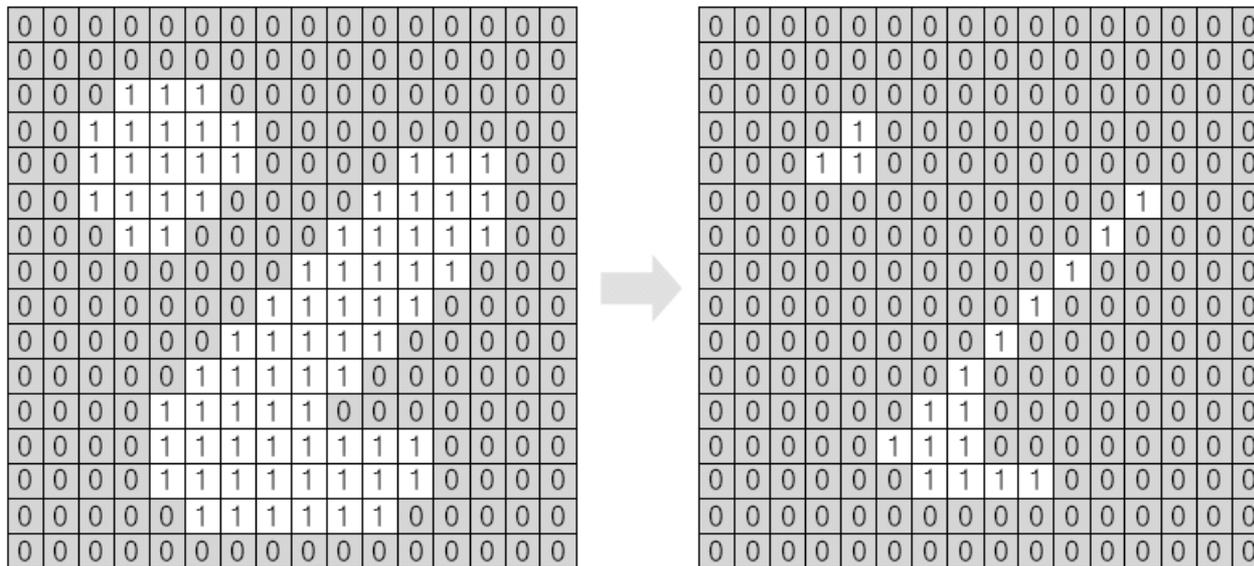
### 👤 교환 법칙 성립

$$A-B = B-A$$

### 👤 형태소의 크기에 따라 침식되는 정도가 결정됨

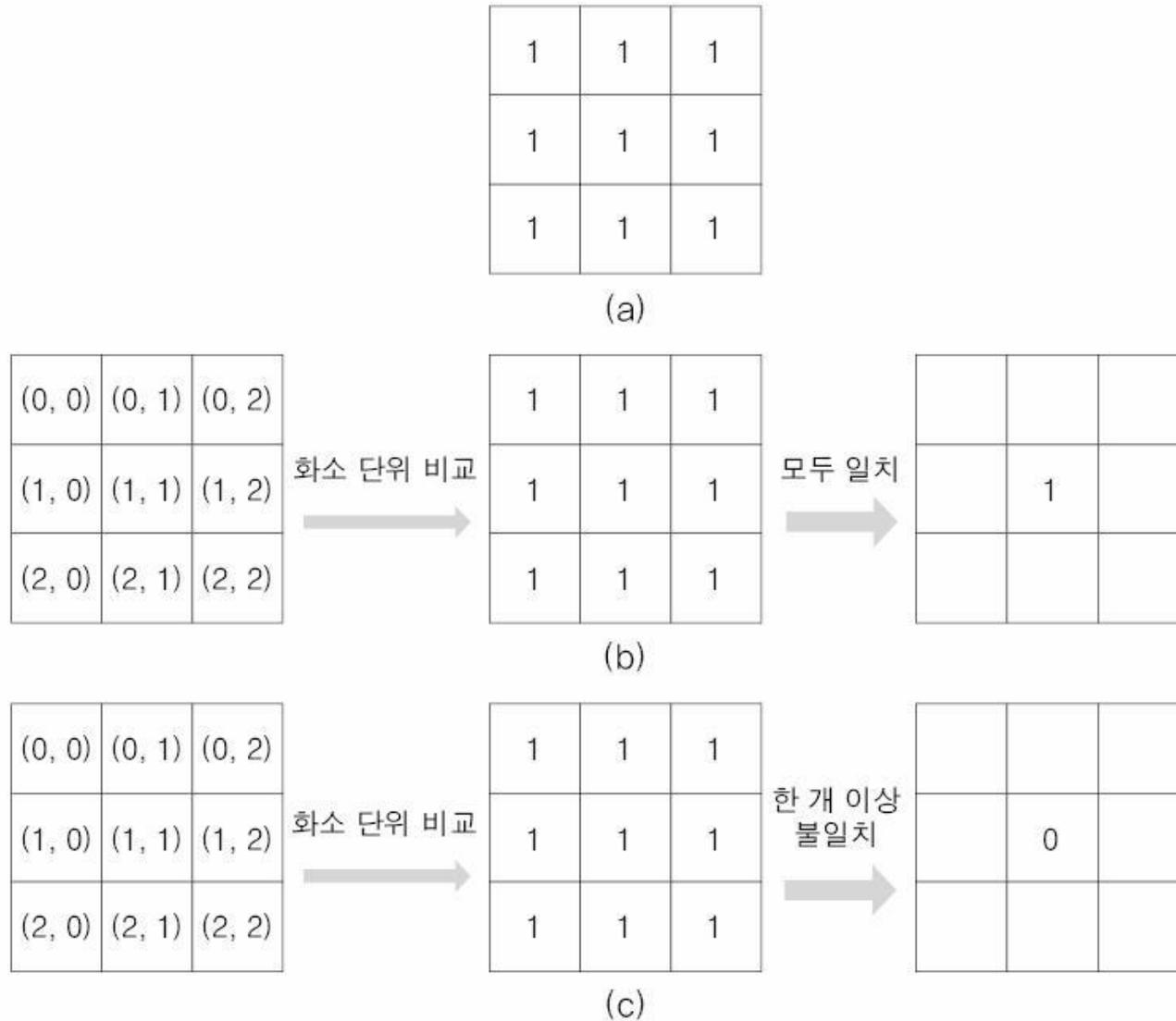
- 형태소의 크기가 작으면 침식의 정도도 작고, 크기가 크면 침식의 정도도 큼.

### 👤 같은 형태소를 반복해서 적용하면 침식이 계속 일어나 객체를 완전하게 제거할 수 있음.



[그림 11-6] 이진 영상에서의 침식 처리 이해

# Section 03 이진 영상에서의 형태학 처리



[그림 11-5] 이진 영상에 침식 처리 수행

## [실습하기 11-1] 침식 프로그램

- ① **ResourceView** 창에서 [Menu]-[IDR\_IMAGETYPE] 더블클릭 → 메뉴 추가

ID	ID_BINARY_EROSION
Caption	이진 영상 침식 처리

- ② [MFC ClassWizard] 대화상자를 이용해 추가된 메뉴에서 인접한 침식연산을 실행하는 함수 추가

Class Name	Function Type	Function Name
View Class	void	OnBinaryErosion
Doc Class	void	OnBinaryErosion

- ③ **Doc** 클래스에 다음 프로그램 추가

## [실습하기 11-1] 침식 프로그램

```
void CImageProcessingDoc::OnBinaryErosion()
{
    int i, j, n, m;
    double Mask[3][3] = {{255.,255.,255.},
                          {255.,255.,255.},
                          {255.,255.,255.}};

    // 침식연산을 위한 마스크
    double **tempInput, S = 0.0;

    m_Re_height = m_height;
    m_Re_width = m_width;
    m_Re_size = m_Re_height * m_Re_width;
    m_OutputImage = new unsigned char[m_Re_size];

    tempInput = Image2DMem(m_height + 2, m_width + 2);

    for(i=0 ; i<m_height ; i++){
        for(j=0 ; j<m_width ; j++){
            tempInput[i+1][j+1]
                = (double)m_InputImage[i * m_width + j];
        }
    }
}
```

## [실습하기 11-1] 침식 프로그램

```
for(i=0 ; i<m_height ; i++){
    for(j=0 ; j<m_width ; j++){
        for(n=0 ; n<3 ; n++){
            for(m=0 ; m<3 ; m++){
                if(Mask[n][m] == tempInput[i+n][j+m]){
                    // 마스크와 같은 값이 있는지 조사
                    S += 1.0;
                }
            }
        }
        if(S == 9.0)
            m_OutputImage[i * m_Re_width + j]=(unsigned char)255.0;
            // 값이 모두 일치하면 출력 값은 255
        else
            m_OutputImage[i * m_Re_width + j]=(unsigned char)0.0;
            // 모두 일치하지 않으면 출력 값은 0
        S = 0.0; // reset
    }
}
delete [] tempInput;
}
```

## [실습하기 11-1] 침식 프로그램

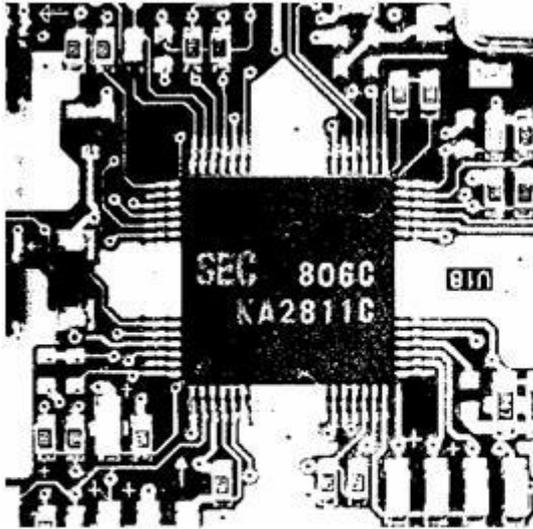
### ④ View 클래스에 다음 프로그램 추가

```
void CImageProcessingView::OnBinaryErosion()  
{  
    CImageProcessingDoc* pDoc = GetDocument();  
    ASSERT_VALID(pDoc);  
  
    pDoc->OnBinaryErosion();  
  
    Invalidate(TRUE);  
}
```

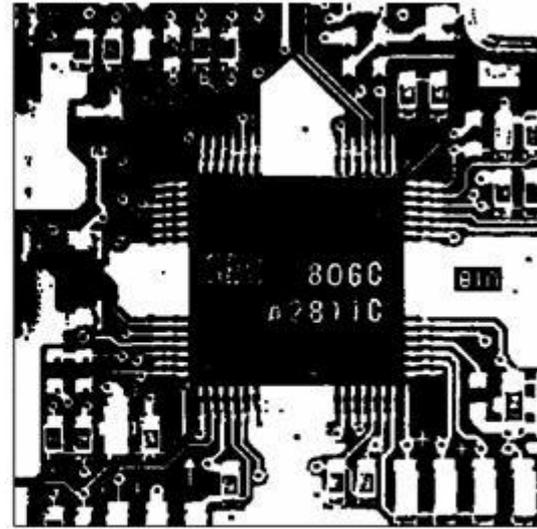
## [실습하기 11-1] 침식 프로그램

### ⑤ 프로그램 실행 결과 영상

- 실제 이진 영상에서 침식 처리를 수행한 결과로, 침식 처리한(b)영상을 보면 객체가 얇아짐.



(a) 원본 영상



(b) 침식 영상

실제 이진 영상에 침식 처리한 결과

## 팽창

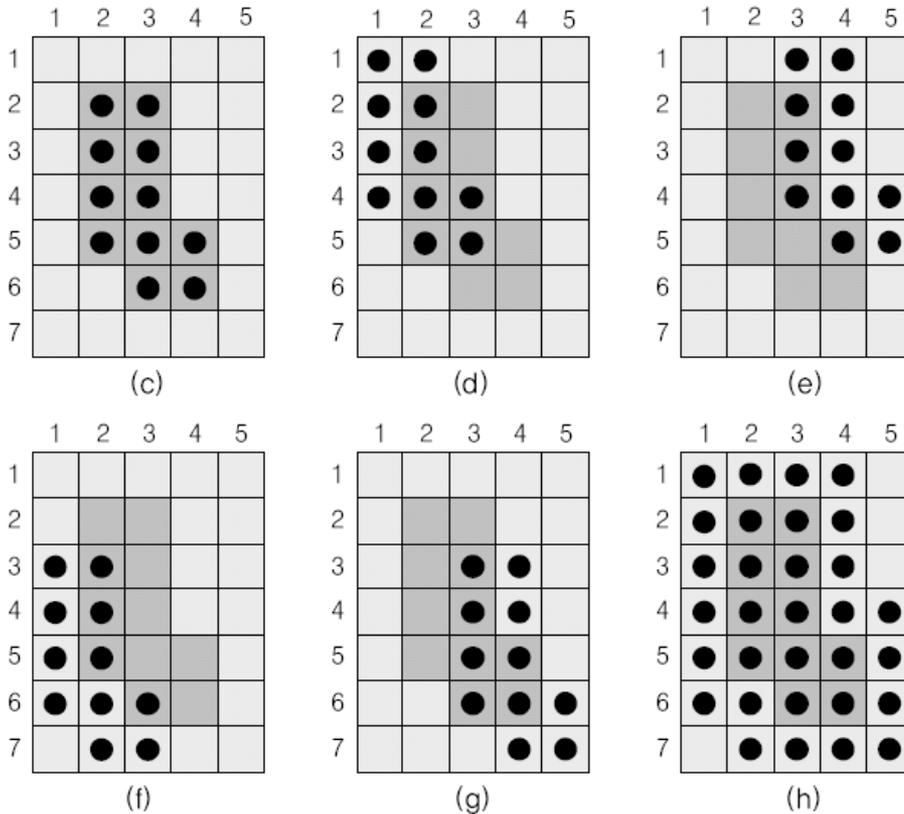
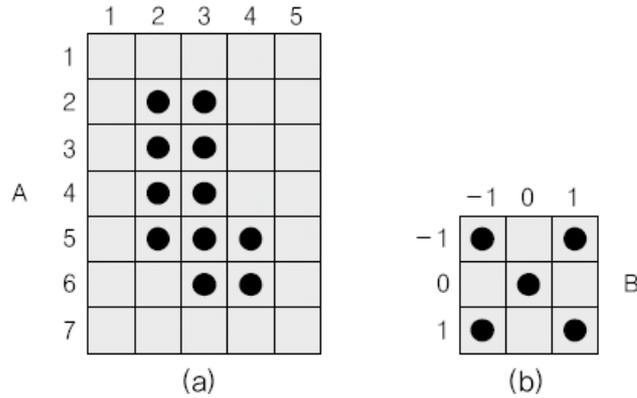
- 물체 내부의 돌출부는 감소하고 외부의 돌출부는 증가시켜서 물체의 크기를 확장하고 배경은 축소하는 기법
- 물체 내부에 발생한 구멍과 같은 공간을 채우거나 짧게 끊어진 영역을 연결하는 데 사용됨.
- 이진 영상에서 팽창연산은 입력 화소가 균일한 곳에서는 변화가 없으나 흑백 화소가 같이 있는 영역에서 동작함.

$$A \oplus B = \bigcup_{w \in B} A_w$$

$$A \oplus B = \{(a, b) + (u, v) : (a, b) \in A, (u, v) \in B\}$$

- $U$ 는 합집합이고,  $B$ 의 각 점에서  $A$ 를 이동한 뒤 더하라는 의미

# 팽창[계속]



[그림 11-7] 팽창의 수행 과정

### 👤 교환 법칙뿐만 아니라 결합 법칙도 성립

- 침식처럼 교환 법칙 때문에 형태소와 화소 집합의 역할을 바꿔도 같은 결과를 얻음.

$$A \oplus B = B \oplus A$$

- 결합 법칙은 두 화소 집합 간의 팽창 결과를 또 다른 화소 집합과 팽창해서 얻은 결과는 팽창의 수행 순서만 바뀌어서 수행하는 것과 같다는 개념

$$A \oplus (B \oplus C) = (A \oplus B) \oplus C$$

- 결합 법칙의 다른 표현 형태

$$B = B_1 \oplus B_2 : A \oplus B = A \oplus (B_1 \oplus B_2) = (A \oplus B_1) \oplus B_2$$

- 이진 영상에서 간단하게 수행할 수 있으며, 침식의 동작과는 반대되는 개념

## Section 03 이진 영상에서의 형태학 처리

0	0	0
0	0	0
0	0	0

(a)

(0, 0)	(0, 1)	(0, 2)
(1, 0)	(1, 1)	(1, 2)
(2, 0)	(2, 1)	(2, 2)

화소 단위 비교



0	0	0
0	0	0
0	0	0

모두 일치



	0	

(b)

(0, 0)	(0, 1)	(0, 2)
(1, 0)	(1, 1)	(1, 2)
(2, 0)	(2, 1)	(2, 2)

화소 단위 비교



0	0	0
0	0	0
0	0	0

한 개 이상  
불일치



	1	

(c)

[그림 11-8] 이진 영상에서 팽창 처리 수행

## Section 03 이진 영상에서의 형태학 처리

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	0	0
0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0



0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1	1	1	1	1	0
0	1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	0
0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0
0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0
0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0

[그림 11-9] 이진 영상에서 팽창 처리 이해

## [실습하기 11-2] 팽창 프로그램

- ① **ResourceView** 창에서 [Menu]-[IDR\_IMAGETYPE] 더블클릭 → 메뉴 추가

ID	ID_BINARY_DILATION
Caption	이진 영상 팽창 처리

- ② [MFC ClassWizard] 대화상자를 이용해 추가된 팽창연산을 실행하는 함수 추가

Class Name	Function Type	Function Name
View Class	void	OnBinaryDilation
Doc Class	void	OnBinaryDilation

- ③ **Doc** 클래스에 다음 프로그램 추가

## [실습하기 11-2] 팽창 프로그램

```
void CImageProcessingDoc::OnBinaryDilation()
{
    int i, j, n, m;
    double Mask[3][3] = {{0., 0., 0.},{0., 0., 0.},{0., 0., 0.}};
    // 팽창 처리를 위한 마스크
    double **tempInput, S = 0.0;

    m_Re_height = m_height;
    m_Re_width = m_width;
    m_Re_size = m_Re_height * m_Re_width;

    m_OutputImage = new unsigned char[m_Re_size];

    tempInput = Image2DMem(m_height + 2, m_width + 2);

    for(i=0 ; i<m_height ; i++){
        for(j=0 ; j<m_width ; j++){
            tempInput[i+1][j+1]
                = (double)m_InputImage[i * m_width + j];
        }
    }
}
```

## [실습하기 11-2] 팽창 프로그램

```
for(i=0 ; i<m_height ; i++){
    for(j=0 ; j<m_width ; j++){
        for(n=0 ; n<3 ; n++){
            for(m=0 ; m<3 ; m++){
                if(Mask[n][m] == tempInput[i+n][j+m]){
                    // 마스크와 같은 값이 있는지 조사
                    S += 1.0;
                }
            }
        }
        if(S == 9.0)
            m_OutputImage[i * m_Re_width + j]
                = (unsigned char)0.0;
            // 모두 일치하면 출력 값은 0
        else
            m_OutputImage[i * m_Re_width + j]
                = (unsigned char)255.0;
            // 모두 일치하지 않으면 출력 값은 255
        S = 0.0;
    }
}
delete [] tempInput;
}
```

## [실습하기 11-2] 팽창 프로그램

### ④ View 클래스에 다음 프로그램 추가

```
void CImageProcessingView::OnBinaryDilation()  
{  
    CImageProcessingDoc* pDoc = GetDocument();  
    ASSERT_VALID(pDoc);  
  
    pDoc->OnBinaryDilation();  
  
    Invalidate(TRUE);  
}
```

## [실습하기 11-2] 팽창 프로그램

### ⑤ 프로그램 실행 결과 영상

- 실제 이진 영상에서 팽창 처리를 수행한 결과 영상. 전체적으로 테두리의 흰색화소가 증가하여 두꺼워짐.



(a) 원본 영상



(b) 팽창 영상

실제 이진 영상에서 팽창한 결과 영상

## 팽창과 침식의 관계

- ▶ 팽창과 침식은 영상의 처리 관점에서는 반대의 효과를 가져옴.
- ▶ 수학적으로 생각하면, 팽창과 침식은 각각 여집합과 반사에서 서로 이원적이라고 할 수 있음.

- 화소의 집합 A와 B의 팽창에서 여집합은 A의 여집합과 B의 반사를 침식한 것과 같음.

$$\overline{A \oplus B} = \overline{A} \ominus \hat{B}$$

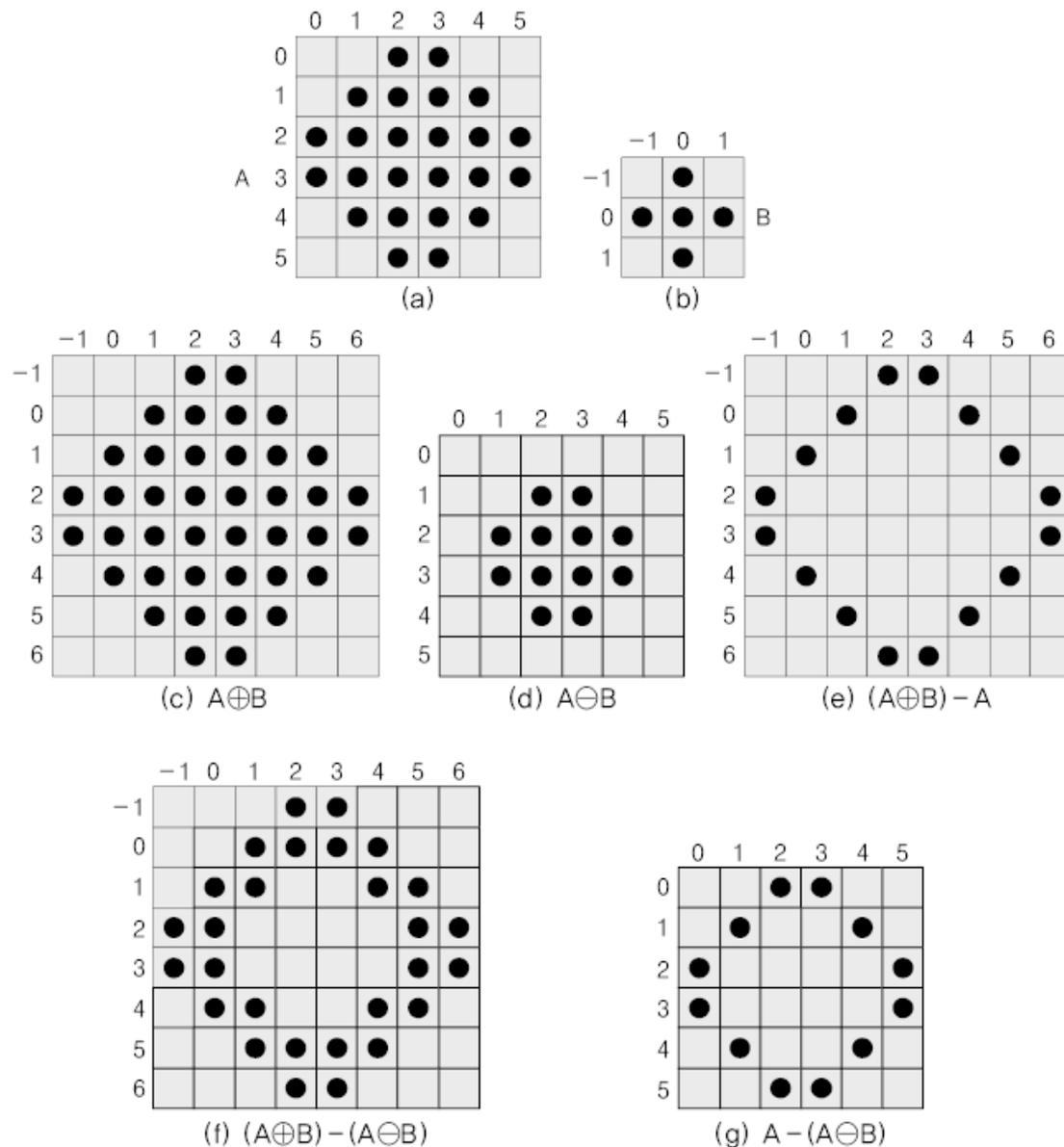
- A와 B의 침식에서 여집합은 A의 여집합과 B의 반사를 팽창한 것과 같음

$$\overline{A \ominus B} = \overline{A} \oplus \hat{B}$$

- ▶ 팽창과 침식을 이용한 경계의 검출 정리

- A의 내부 경계 :  $A - (A - B)$
- A의 외부 경계 :  $(A \oplus B) - A$
- A의 형태학적 기울기 = 내부 경계 + 외부 경계 :  $(A \oplus B) - (A - B)$

# 팽창과 침식의 관계(계속)



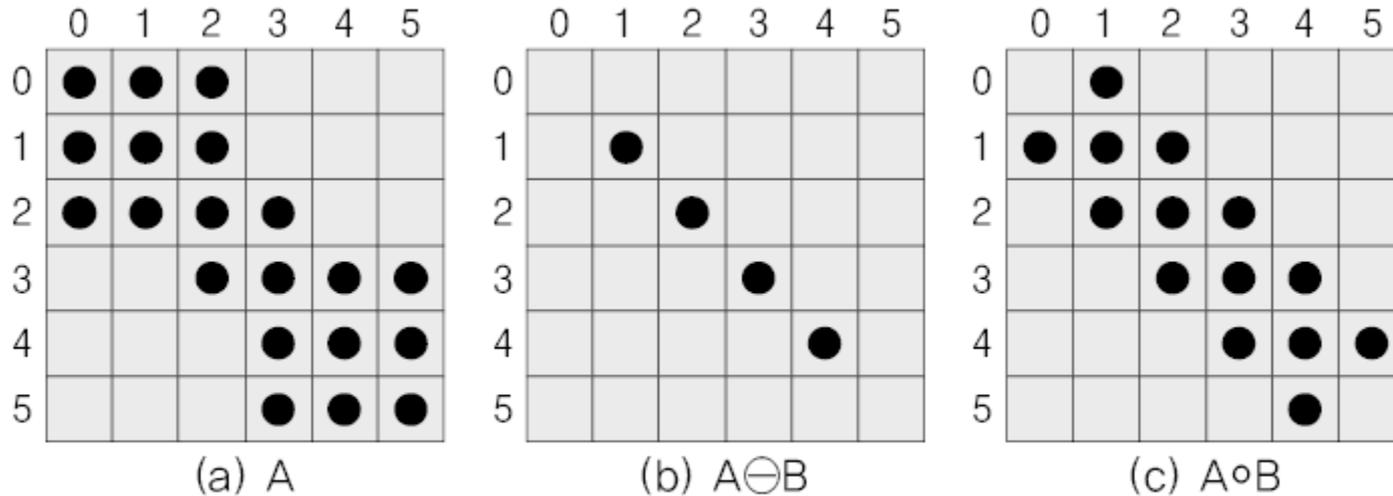
[그림 11-10] 팽창과 침식을 이용한 물체의 경계선 검출

## 열림

- ❶ 침식연산 다음에 팽창연산을 바로 사용하는 알고리즘
- ❷ 불룩하게 나온 부분을 제거하고 좁은 연결을 끊어서 영상의 외곽선 부분을 부드럽게 만듦.
- ❸ 물체의 형상과 크기는 보존됨.
- ❹ 돌출 부분과 좁은 연결 부위를 제거하므로 제거연산이라고도 함.
- ❺ 외곽선 부분을 더욱 부드럽게 하려면 열림연산을 반복해서 적용하여 침식연산을 특정 횟수만큼 반복한 뒤 팽창연산도 같은 횟수만큼 반복
- ❻ 화소의 집합  $A$ 와 형태소나 구조적 요소  $B$ 가 있을 때  $B$ 가 일으킨  $A$ 의 열림은  $A \circ B$ 로 표기하며, 다음과 같이 정의함.

$$A \circ B = (A - B) \oplus B$$

## 열림(계속)



[그림 11-11] 열림연산의 수행 과정

### 열림연산은 성질

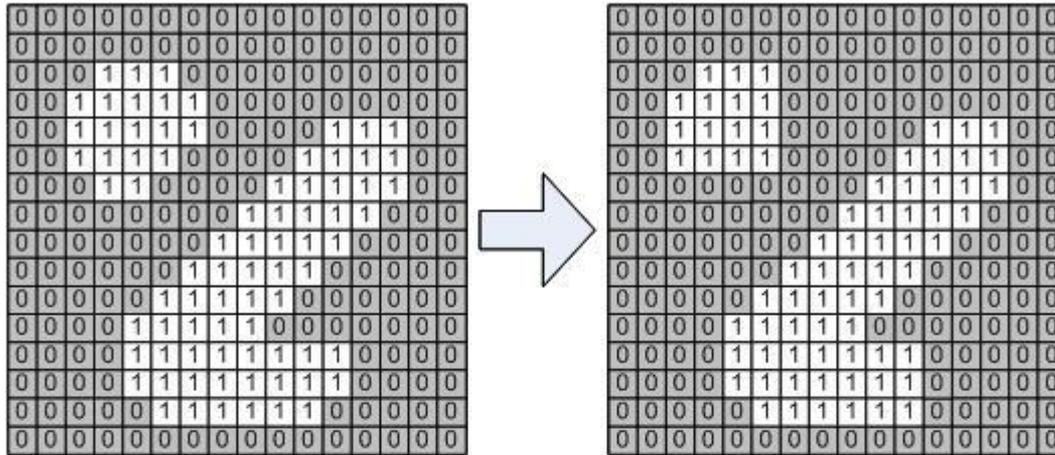
- 열림연산  $A \circ B$ 의 결과는 A의 부분 집합이다.  

$$A \supset (A \circ B)$$
- A가 C의 부분 집합이면,  $(A \circ B)$ 는  $(A \circ C)$ 의 부분 집합이다.  

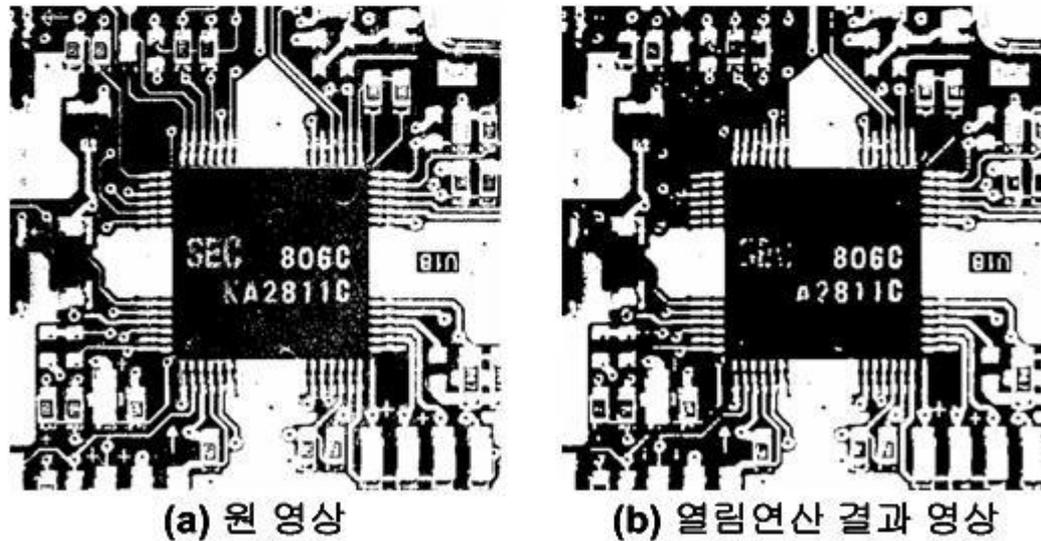
$$(A \circ B) \subset (A \circ C)$$
- Idempotence 성질은 다음과 같다.  

$$(A \circ B) \circ B = (A \circ B)$$

# 열림(계속)



[그림 11-12] 열림연산을 이진 영상에서 수행한 개념

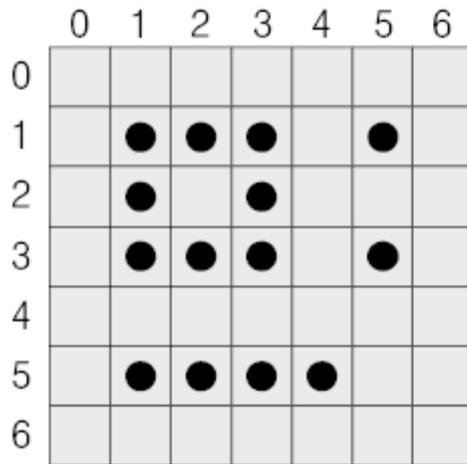


[그림 11-13] 실제 이진 영상에 열림연산을 적용한 결과 영상

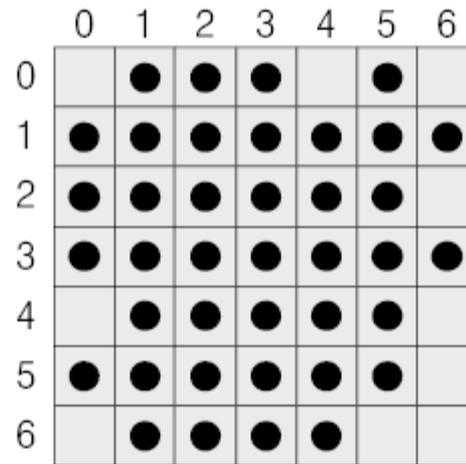
# 달힘

- 열림과 반대로 팽창을 처리한 뒤에 침식 처리 수행
- 오목하게 들어간 부분이나 작은 구멍을 채우기에 열림 연산과 마찬가지로 영상의 외곽선 부분을 부드럽게 만들며, 객체의 형태와 크기는 보존됨.
- 작은 구멍이나 틈 등을 채우는 역할을 하므로 채움연산이라고도 함.
  - 화소의 집합 A와 형태소 B가 주어졌을 때 B가 일으킨 A의 달힘은  $A \cdot B$ 로 표기

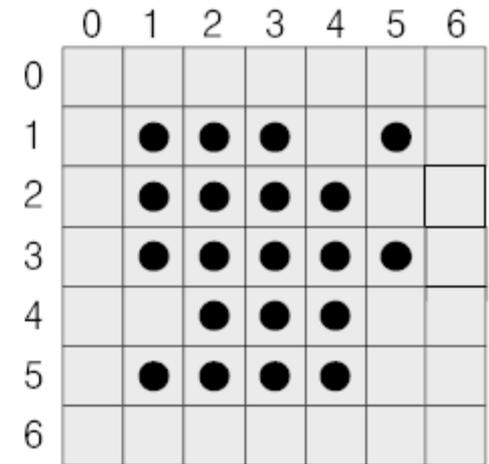
$$A \cdot B = (A \oplus B) \ominus B$$



(a) A



(b)  $A \oplus B$



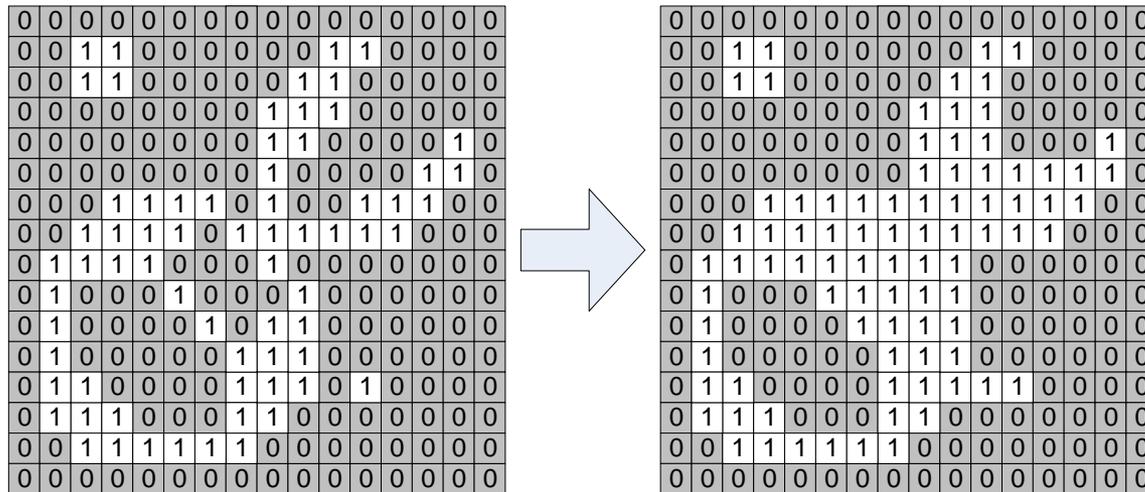
(c)  $A \cdot B$

[그림 11-14] 달힘연산의 수행 과정

# 닫힘(계속)

## 👤 닫힘연산 성질

- A는 A•B의 부분 집합이다.  
 $A \subset A \cdot B$
- A가 C의 부분 집합이면, (A•B)는 (C•B)의 부분 집합이다.  
 $(A \cdot B) \subset (C \cdot B)$
- Idempotence 성질은 다음과 같다.  
 $(A \cdot B) \cdot B = (A \cdot B)$



[그림 11-15] 닫힘 · 열림연산을 이진 영상에서 수행한 개념

## 열림과 닫힘의 관계



(a) 원 영상



(b) 닫힘연산 결과영상

[그림 11-16] 실제 이진 영상에 닫힘연산을 적용한 결과 영상

- ▶ 팽창과 침식처럼 여집합과 반사에 이원적이어서 다음과 같이 표현 가능

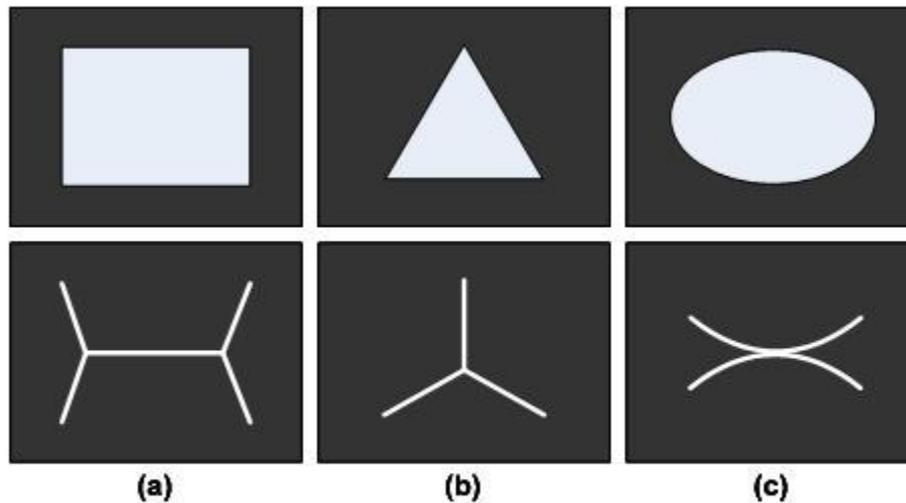
$$\overline{A \circ B} = \bar{A} \bullet \hat{B}$$

- ▶ 다음과 같이 반대도 성립

$$\overline{A \bullet B} = \bar{A} \circ \hat{B}$$

## 골격화(Skeletonization)

- 이진 영상에서 물체의 크기와 모양을 요약하는 선과 곡선의 집합으로 만드는 것
- 골격을 정의하는 방법이 다양하므로 주어진 물체에서 서로 다른 모양의 골격도 있을 수 있음
- 골격화는 침식연산을 이용해 수행
- 서로 다른 방향성이 여러 개 있는 침식 마스크를 이용하여 영상 내의 물체를 서서히 깎아 다듬어 침식을 반복하여 객체의 하부 구조를 표현할 수 있게 됨

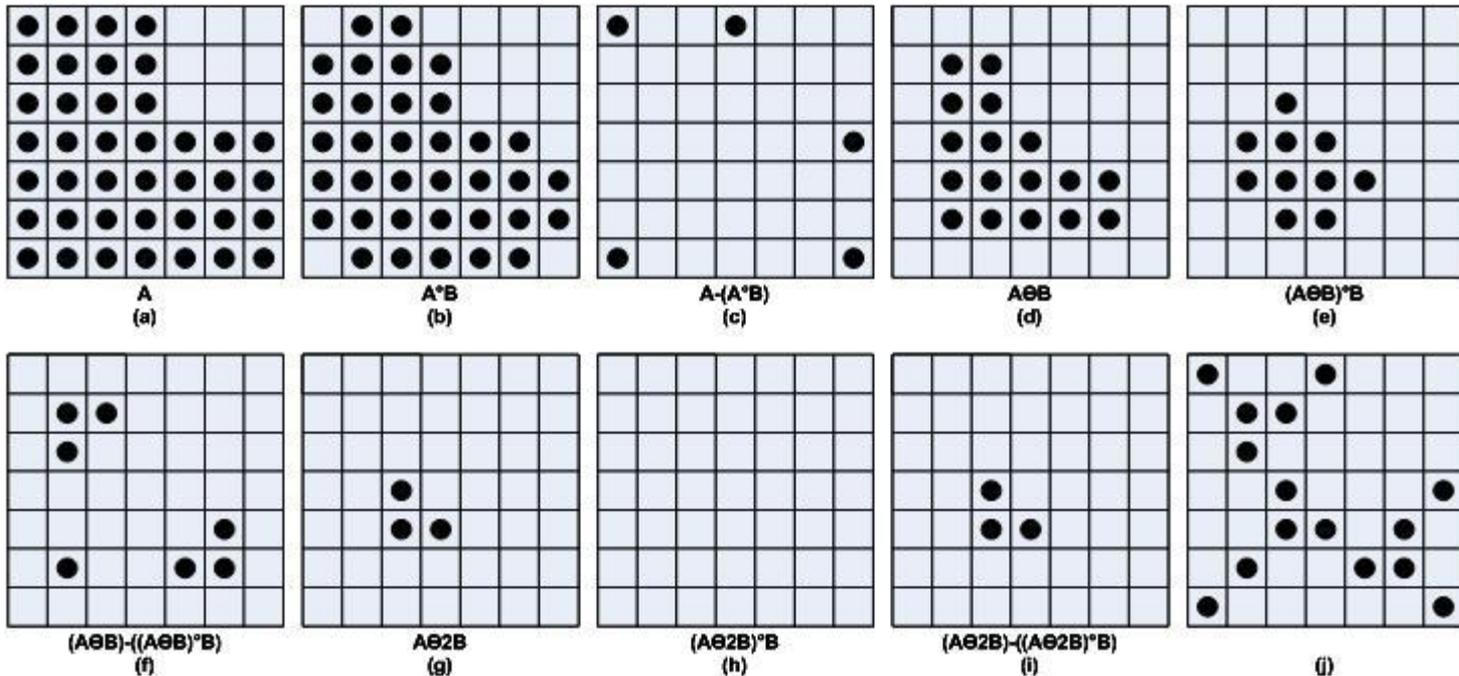


[그림 11-17] 기본 도형의 골격화

# 골격화(계속)

침식	열림	차집합
A	$A \circ B$	$A - (A \circ B)$
$A \ominus B$	$(A \ominus B) \circ B$	$(A \ominus B) - ((A \ominus B) \circ B)$
$A \ominus 2B$	$(A \ominus 2B) \circ B$	$(A \ominus 2B) - ((A \ominus 2B) \circ B)$
$A \ominus 3B$	$(A \ominus 3B) \circ B$	$(A \ominus 3B) - ((A \ominus 3B) \circ B)$
...	...	...
$A \ominus kB$	$(A \ominus kB) \circ B$	$(A \ominus kB) - ((A \ominus kB) \circ B)$

[표 11-1] 골격화 수행 과정



[그림 11-18] 골격화 수행 과정

## Section 04 그레이 영상에서의 형태학 처리

### 👤 그레이 영상의 침식과 팽창연산

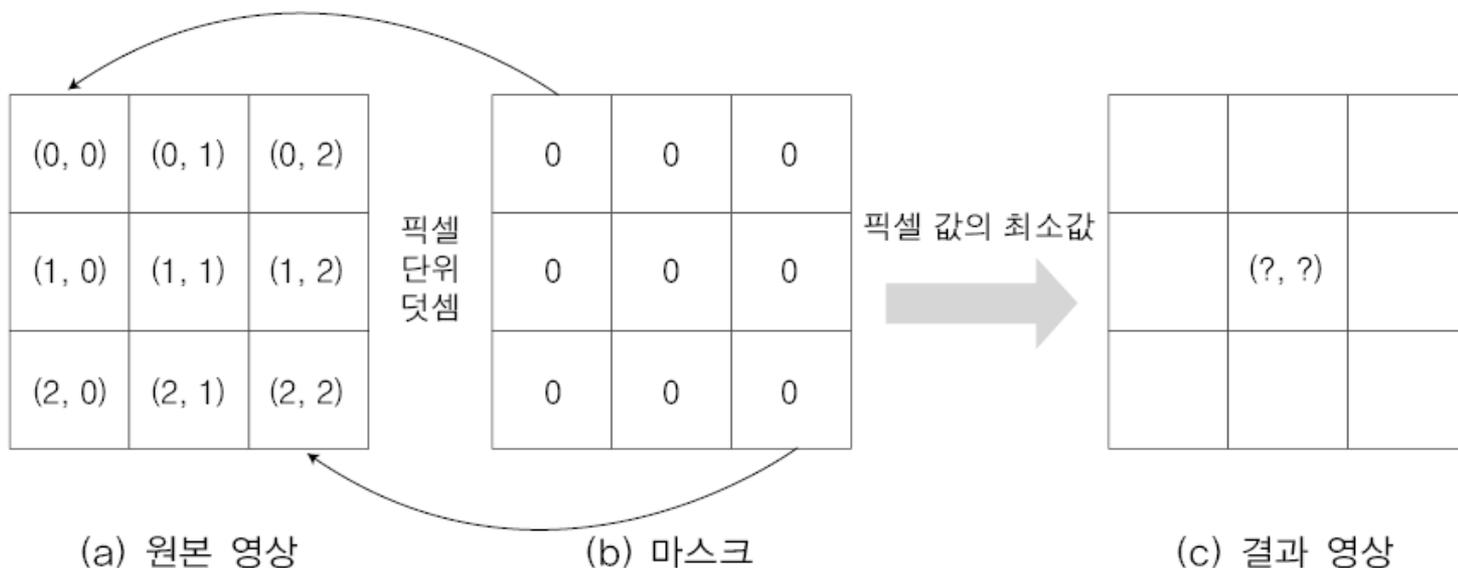
- 물체의 밝기와 배경의 밝기 간에 격차가 클 때는 그레이 영상의 침식과 팽창 연산이 효과적
- 이때, 사용되는 침식 마스크와 팽창 마스크는 같은 형태소 마스크로, 형태소의 모든 요소 값이 0인 것을 사용
- 형태소 마스크와의 연산 결과로 얻은 최대값과 최소값을 선택하느냐에 따라 침식과 팽창이 결정됨.

0	0	0
0	0	0
0	0	0

[그림 11-19] 그레이 영상에서 침식과 팽창의 형태소

## 그레이 영상의 침식연산

- 그레이 영상에서 밝은 객체를 더 어둡게 보이도록 하여 축소하는 효과를 얻는 게 침식
- 밝기가 균일하지 않은 영역에서는 효과적으로 처리되나, 균일한 영역에서는 입력 화소의 밝기와 같은 결과를 보임. 균일하지 않은 영역에서 반복해서 적용하면 물체가 사라짐.
- 화소 집합의 화소 값을  $-255 \sim 0$ 까지 변화시킬 수 있도록 사용하는 형태소를 구성하여 그레이 영상에 침식연산을 수행할 수 있음.  $-255$ 에 가까운 값으로 형태소 마스크를 구성하면 더욱 분명하게 침식 효과가 나타남.

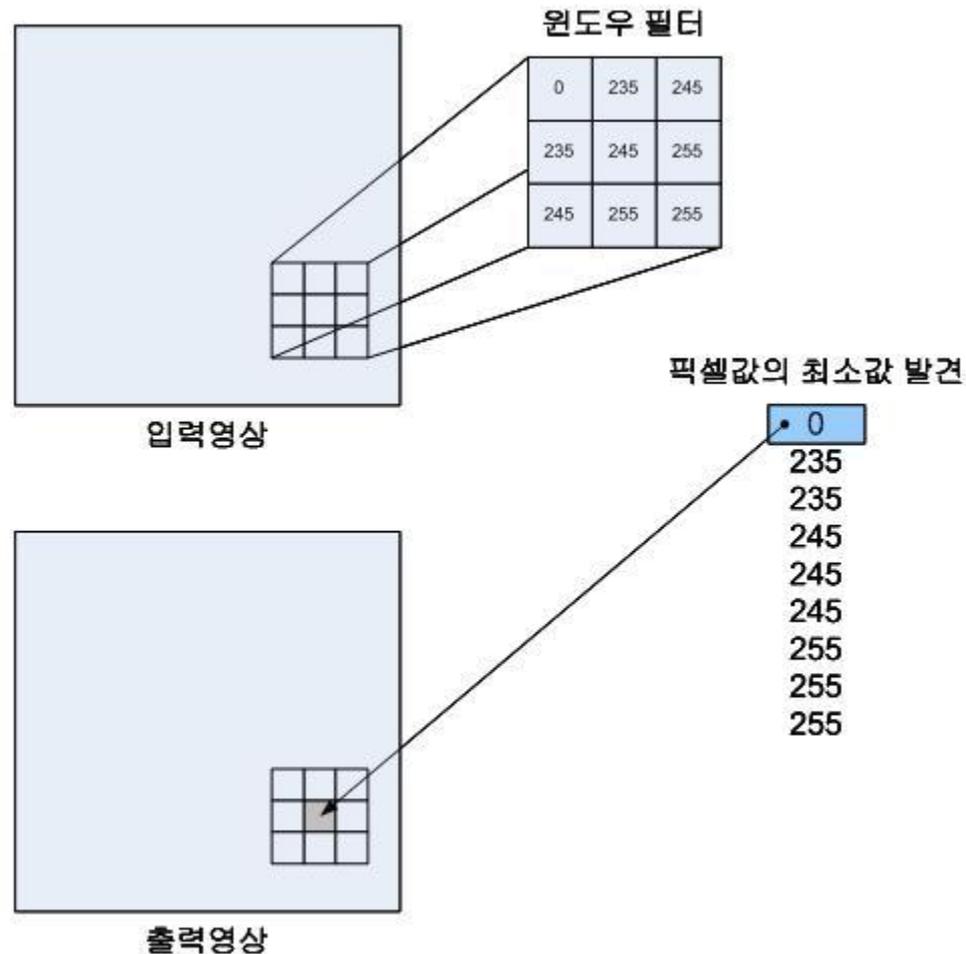


[그림 11-20] 그레이 영상에서 침식 수행 과정

## 그레이 영상의 침식연산(계속)

결과 화소가 결정되는 것을 다음과 같이 표현 가능

$$O(x, y) = \min\{\text{입력 화소 밝기와 형태소 마스크 화소의 각 합}\}$$



[그림 11-21] 그레이 영상에서 발견한 최소값으로 침식 수행

## [실습하기 11-3] 그레이 영상의 침식 연산 프로그램

- ① **ResourceView** 창에서 [Menu]-[IDR\_IMAGETYPE] 더블클릭 → 메뉴 추가

ID	ID_GRAY_EROSION
Caption	그레이 영상 침식 처리

- ② [MFC ClassWizard] 대화상자를 이용해 그레이 영상의 침식연산을 실행하는 함수 추가

Class Name	Function Type	Function Name
View Class	void	OnGrayErosion
Doc Class	void	OnGrayErosion

- ③ **Doc** 클래스에 다음 프로그램 추가

## [실습하기 11-3] 그레이 영상의 침식 연산 프로그램

```
void CImageProcessingDoc::OnGrayErosion()
{
    int i, j, n, m, h;
    double Mask[9], MIN = 10000.0; // MIN = 최소값
    double **tempInput, S = 0.0;

    m_Re_height = m_height;
    m_Re_width = m_width;
    m_Re_size = m_Re_height * m_Re_width;

    m_OutputImage = new unsigned char[m_Re_size];

    tempInput = Image2DMem(m_height + 2, m_width + 2);

    for(i=0 ; i<m_height ; i++){
        for(j=0 ; j<m_width ; j++){
            tempInput[i+1][j+1]
                = (double)m_InputImage[i * m_width + j];
        }
    }
}
```

## [실습하기 11-3] 그레이 영상의 침식 연산 프로그램

```
for(i=0 ; i<m_height ; i++){
    for(j=0 ; j<m_width ; j++){
        MIN = 10000.0; // reset
        for(n=0 ; n<3 ; n++){
            for(m=0 ; m<3 ; m++){
                Mask[n * 3 + m] = tempInput[i+n][j+m];
                // 3*3 크기의 입력 값을 마스크 배열에 저장
            }
        }
        for(h = 0 ; h<9 ; h++){
            if(Mask[h] < MIN) // 마스크에서 최소값을 구한다.
                MIN = Mask[h];
        }
        m_OutputImage[i * m_Re_width + j]
            = (unsigned char)MIN; // 최소값 출력
    }
}
```

## [실습하기 11-3] 그레이 영상의 침식 연산 프로그램

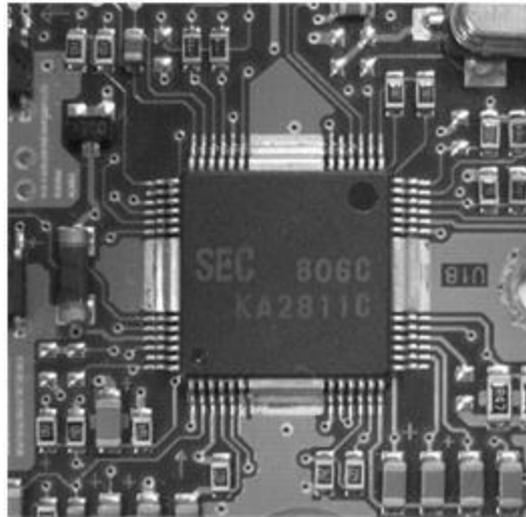
### ④ View 클래스에 다음 프로그램 추가

```
void CImageProcessingView::OnGrayErosion()  
{  
    CImageProcessingDoc* pDoc = GetDocument();  
    ASSERT_VALID(pDoc);  
  
    pDoc->OnGrayErosion();  
  
    Invalidate(TRUE);  
}
```

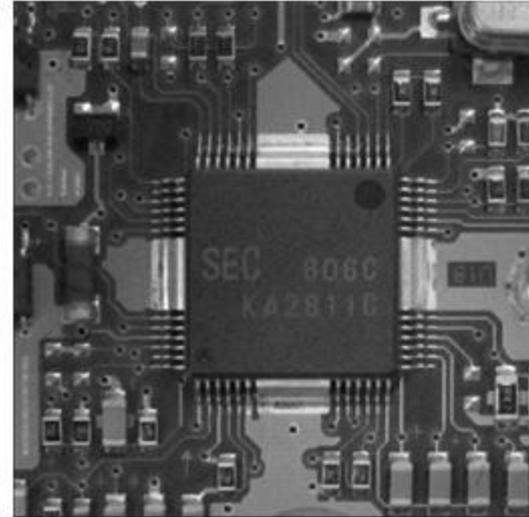
## [실습하기 11-3] 그레이 영상의 침식 연산 프로그램

### ⑤ 프로그램 실행 결과 영상

- 각 객체의 밝은 색이 줄어들어 축소된 효과



(a) 입력 영상

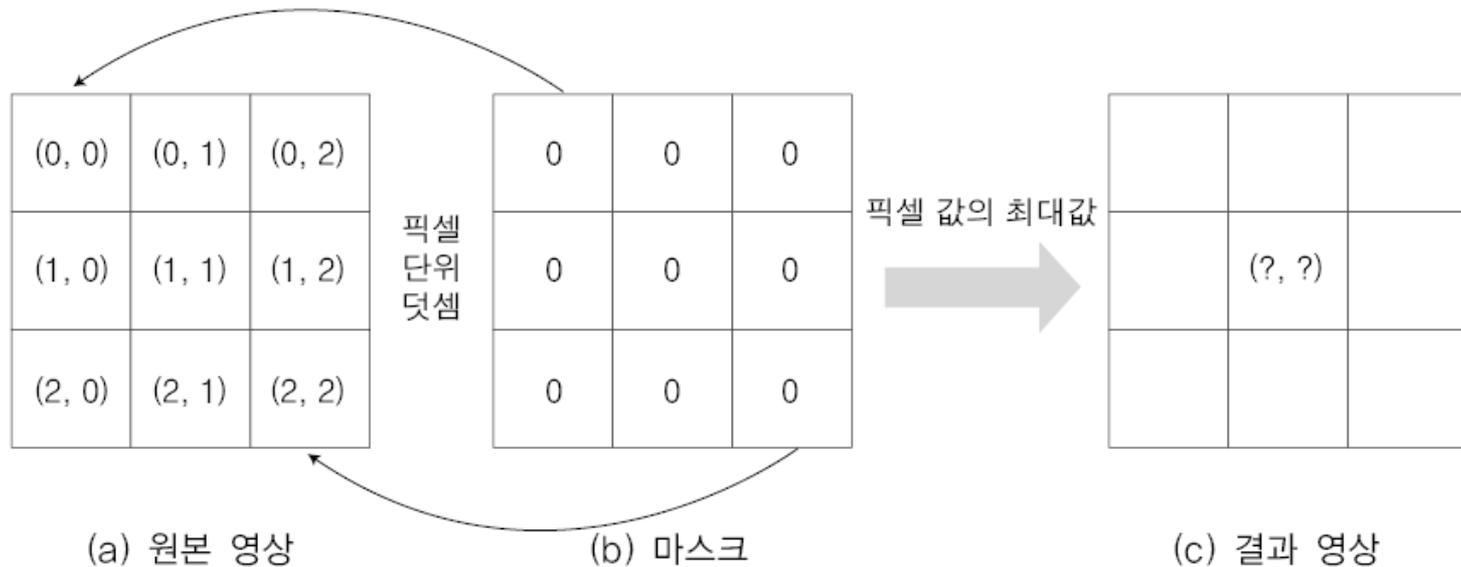


(b) 결과 영상

실제 그레이 영상에서 침식을 수행한 결과 영상

## 그레이 영상의 팽창연산

- ▶ 그레이 영상에서 객체를 더 밝게 하여 객체를 크게 보이게 하는 효과
- ▶ 침식처럼 밝기가 균일하지 않은 영역에서 효과적으로 동작
- ▶ 사용되는 형태소 마스크의 특징은 모든 화소를 0~255까지의 범위로 변화시킬 수 있도록 구성할 수 있음.
- ▶ 팽창연산의 결과로 화소 값이 255에 가까운 값이 되도록 형태소 마스크를 구성하면 더욱 분명한 팽창 효과를 얻을 수 있음.

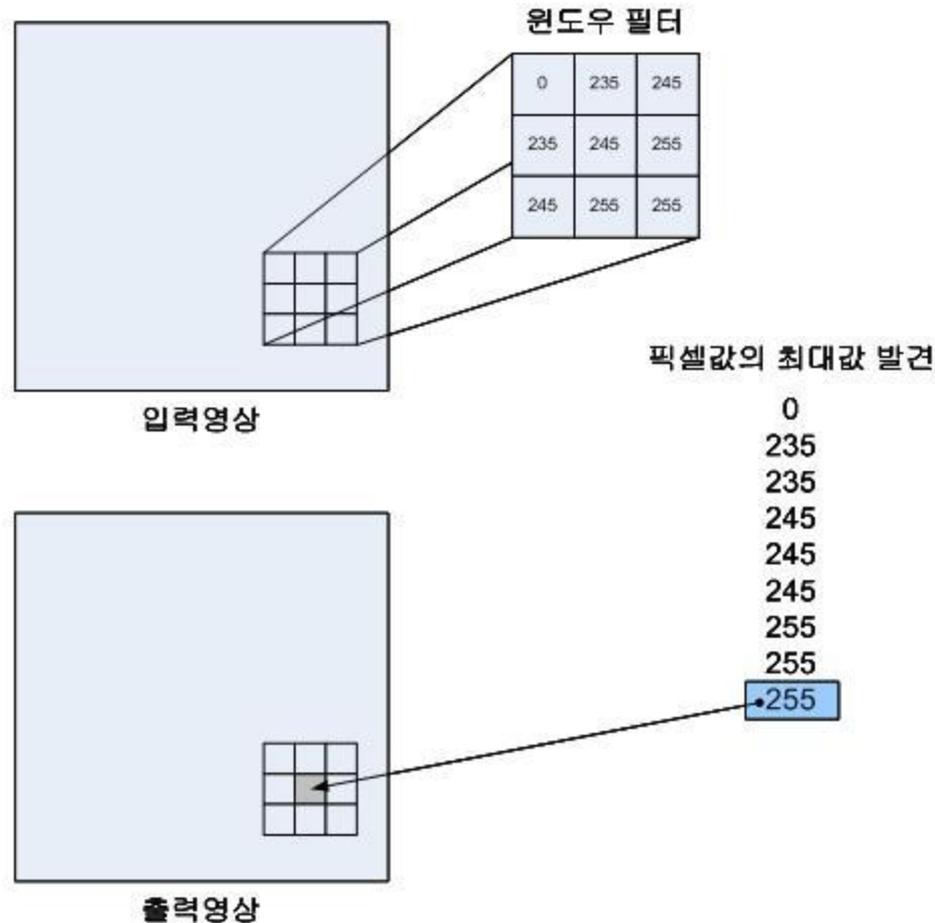


[그림 11-22] 그레이 영상에서 팽창 수행 과정

# 그레이 영상의 팽창연산(계속)

결과 화소가 결정되는 것은 다음과 같이 표현 가능

$$O(x, y) = \max\{\text{입력 화소 밝기와 마스크 화소의 각 합}\}$$



[그림 11-23] 그레이 영상에서 발견한 최대값으로 팽창 수행

## [실습하기 11-4] 그레이 영상의 팽창 연산 프로그램

- ① **ResourceView** 창에서 [Menu]-[IDR\_IMAGETYPE] 더블클릭 → 메뉴 추가

ID	ID_GRAY_DILATION
Caption	그레이 영상 팽창 처리

- ② [MFC ClassWizard] 대화상자를 이용해 추가된 메뉴에서 그레이 영상의 팽창 연산을 실행하는 함수 추가

Class Name	Function Type	Function Name
View Class	void	OnGrayDilation
Doc Class	void	OnGrayDilation

- ③ **Doc** 클래스에 다음 프로그램 추가

## [실습하기 11-4] 그레이 영상의 팽창 연산 프로그램

```
void CImageProcessingDoc::OnGrayDilation()
{
    int i, j, n, m, h;
    double Mask[9], MAX = 0.0;
    double **tempInput, S = 0.0;

    m_Re_height = m_height;
    m_Re_width = m_width;
    m_Re_size = m_Re_height * m_Re_width;

    m_OutputImage = new unsigned char[m_Re_size];

    tempInput = Image2DMem(m_height + 2, m_width + 2);

    for(i=0 ; i<m_height ; i++){
        for(j=0 ; j<m_width ; j++){
            tempInput[i+1][j+1]
                = (double)m_InputImage[i * m_width + j];
        }
    }
}
```

## [실습하기 11-4] 그레이 영상의 팽창 연산 프로그램

```
for(i=0 ; i<m_height ; i++){
    for(j=0 ; j<m_width ; j++){
        MAX = 0.0;
        for(n=0 ; n<3 ; n++){
            for(m=0 ; m<3 ; m++){
                Mask[n * 3 + m] = tempInput[i+n][j+m];
            }
        }
        for(h = 0 ; h<9 ; h++){ // 마스크에서 최대값 구함
            if(Mask[h] > MAX)
                MAX = Mask[h];
        }
        m_OutputImage[i * m_Re_width + j]
            = (unsigned char)MAX; // 최대값 출력
    }
}
```

## [실습하기 11-4] 그레이 영상의 팽창 연산 프로그램

### ④ View 클래스에 다음 프로그램 추가

```
void CImageProcessingView::OnGrayDilation()  
{  
    CImageProcessingDoc* pDoc = GetDocument();  
    ASSERT_VALID(pDoc);  
  
    pDoc->OnGrayDilation();  
  
    Invalidate(TRUE);  
}
```

## [실습하기 11-4] 그레이 영상의 팽창 연산 프로그램

### ⑤ 프로그램 실행 결과 영상

- 입력 영상보다 객체의 밝기가 밝아져 팽창된 결과



(a) 입력 영상



(b) 결과 영상

실제 그레이 영상에서 팽창을 수행한 결과 영상

## 그레이 영상의 열림과 닫힘연산

- 이진 영상에서 열림과 닫힘연산은 침식과 팽창으로 얻음.
- 그레이 영상도 그레이 영상의 침식과 닫힘연산을 이용하해 그레이 영상에서 열림과 닫힘연산을 수행
- 이진 영상의 결과처럼 경계선이 부드러워진 효과



(a) 입력 영상



(b) 열림연산 결과 영상



(c) 닫힘연산 결과 영상

[그림 11-24] 실제 그레이 영상에서 열림과 닫힘연산을 수행한 결과 영상

## 👤 영상의 형태학

- 영상 내의 형태를 분석하고 처리하는 유용한 영상 처리 기법
- 영상 내의 경계와 블록, 골격 등의 형태를 표현하거나 서술하는 데 필요한 영상요소를 추출하는 데 형태학 처리를 활용

## 👤 형태학 처리

- 이진 영상의 밝기 값에 형태소라는 행렬과 논리적인(AND, OR, NOT, ...) 연산을 수행하여 출력 화소를 결정하는 것

## 👤 형태소의 크기에 따라 침식되는 정도가 결정됨

- 형태소의 크기가 작으면 침식의 정도도 작고, 크기가 크면 침식의 정도도 큼.
- 같은 형태소를 반복해서 적용하면 침식이 계속 일어나 객체를 완전하게 제거할 수 있음.

## 👤 침식

- 물체의 크기를 그 배경과 관련하여 일정하게 줄여주는 것
- 물체의 크기는 줄어들고, 배경은 확대됨

## 👤 팽창

- 물체 내부의 돌출부는 감소하고 외부의 돌출부는 증가시켜서 물체의 크기를 확장하고 배경은 축소하는 기법

## 👤 골격화

- 이진 영상에서 물체의 크기와 모양을 요약하는 선과 곡선의 집합으로 만드는 것

## 👤 골격화 수행 방법

- 서로 다른 방향성이 여러 개 있는 침식 마스크를 이용하여 영상 내의 물체를 서서히 깎아 다듬으면 침식을 반복하여 객체의 하부 구조를 표현할 수 있게 됨.

## 👤 그레이 영상에서 형태학 처리

- 화소끼리의 비교가 아닌 화소의 명도 값 크기로 결과 영상을 결정하게 됨.

## 👤 그레이 영상에서 침식과 팽창연산

- 형태소 마스크가 같고, 보통 형태소의 모든 요소 값이 0인 것을 사용

## 👤 그레이 영상의 침식과 닫힘연산

- 그레이 영상에서 열림과 닫힘연산을 수행하게 되는 것
- 이진 영상의 결과처럼 경계선이 부드러워짐.



**Thank you**

---